

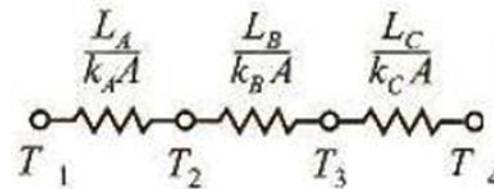
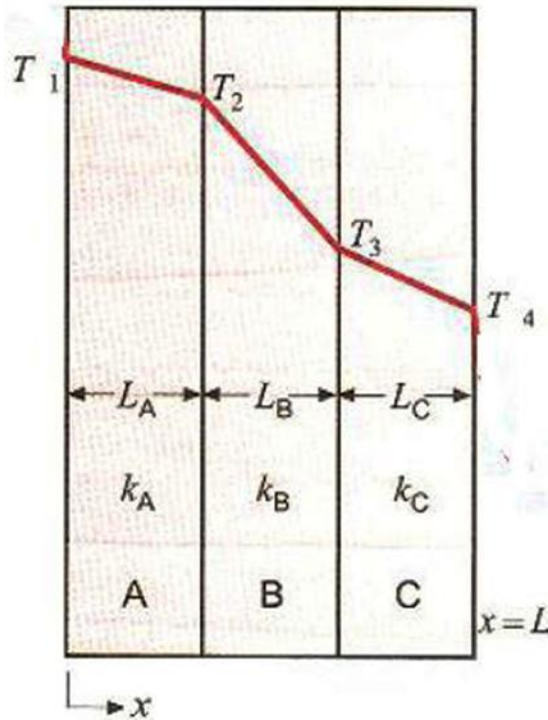


انتقال حرارت ۱

مدرس: نفیسه بینش

الف) حل مثال از مختصات کارتیزین (دیواره)

مثال ۱: یک دیواره مرکب از سه لایه سری تشکیل شده است. یک ورق آهنی $k_A=60 \text{ w/m.C}$ و $L_A=3\text{cm}$ یک لایه پنبه نسوز با $k_B=0.2 \text{ w/m.C}$ و $L_B=0.5\text{cm}$ و یک لایه پشم شیشه $k_C=0.05 \text{ w/m.C}$ و $L_C=4\text{cm}$ در 520°C و دمای سطح آزاد پشم شیشه 20°C ثابت نگه داشته می شود. شدت جریان حرارتی از هر مترمربع سطح دیواره و نیز دمای سطح مشترک لایه ها را محاسبه کنید.



$$\left. \begin{aligned}
 R_A &= \frac{L_A}{K_A A_A} = \frac{0.03}{60 \cdot 1} = 5 \cdot 10^{-4} \text{ } ^\circ\text{C/W} \\
 R_B &= \frac{L_B}{K_B A_B} = \frac{0.005}{0.2 \cdot 1} = 0.025 \text{ } ^\circ\text{C/W} \\
 R_C &= \frac{L_C}{K_C A_C} = \frac{0.04}{0.05 \cdot 1} = 0.8 \text{ } ^\circ\text{C/W}
 \end{aligned} \right\} R_t = 5 \cdot 10^{-4} + 0.025 + 0.8 = 0.8255 \text{ } ^\circ\text{C/W}$$

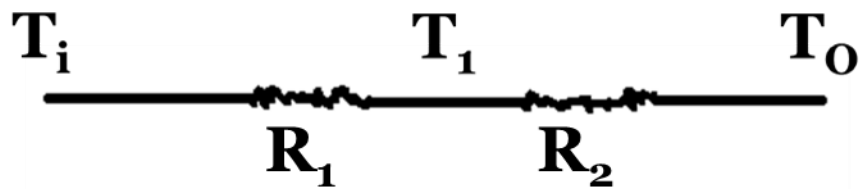
$$q_t = \frac{T_1 - T_4}{R_t} = \frac{520 - 20}{0.8255} = 605.7 \text{ W}$$

$$q_t = \frac{T_1 - T_2}{R_A} \rightarrow \frac{520 - T_2}{5 \cdot 10^{-4}} = 605.7 \text{ W} \rightarrow T_2 = 519.7 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$q_t = \frac{T_1 - T_3}{R_A + R_B} \rightarrow \frac{520 - T_3}{5 \cdot 10^{-4} + 0.025} = 605.7 \text{ W} \rightarrow T_3 = 504.5 \text{ } ^\circ\text{C}$$

ب) حل مثال از سیستم استوانه ای

مثال ۲. یک لوله ضخیم ($k=300 \text{ W/m}\cdot^\circ\text{C}$) به قطر داخلی 2.5 cm و قطر خارجی 5 cm با یک لایه با ضخامت 2.5 cm از پشم شیشه ($k=0.15 \text{ W/m}\cdot^\circ\text{C}$) پوشیده شده است. دمای سطح داخلی لوله 260°C و دمای خارج از عایق 83°C می باشد. اتلاف حرارتی از هر متر لوله و دمای سطح مشترک لوله و عایق را بدست آورید.



$$R_1 = \frac{(\ln \frac{r_2}{r_1})}{2k_1\pi L}$$

$$r_1 = 2.5/2 = 1.25 \text{ cm}$$

$$r_2 = 5/2 = 2.5 \text{ cm}$$

$$r_3 = 2.5 + 2.5 = 5 \text{ cm}$$

$$k_1 = 300 \text{ w/m}\cdot^\circ\text{C}$$

$$k_2 = 0.15 \text{ w/m}\cdot^\circ\text{C}$$

$$L = 1 \text{ m}$$

$$R_2 = \frac{(\ln \frac{r_3}{r_2})}{2k_2\pi L}$$

$$R_1 = \frac{(\ln \frac{2.5}{1.25})}{2 * 300 * 3.14 * 1} = 0.00037$$

$$R_2 = \frac{(\ln \frac{5}{2.5})}{2 * 0.15 * 3.14 * 1} = 0.7358$$

$$q = \frac{T_i - T_o}{R_1 + R_2} = \frac{260 - 83}{0.00037 + 0.7358} = 240.4 \text{ W}$$

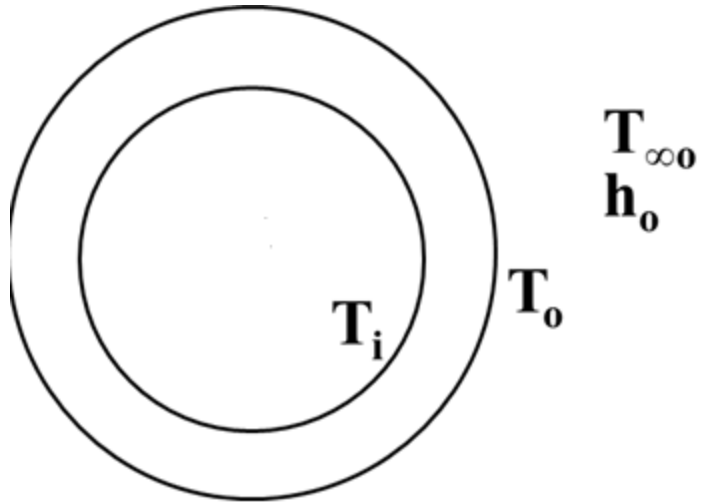
$$q = \frac{T_i - T_1}{R_1} \rightarrow 240.4 = \frac{260 - T_1}{0.00037} \rightarrow T_1 = 259.9 \text{ }^\circ\text{C}$$

مثال ۳. اتلاف حرارتی از یک سیم الکتریکی با عایق برابر با 0.4 W می باشد. طول سیم 3 cm و قطر آن 2mm و دمای سطح سیم برابر با 366.6 K است. در صورتیکه سیالی با دمای 310 K و ضریب جابجایی $17.3 \text{ W/m}^2.\text{K}$ در اطراف سیم در جریان باشد، مطلوب است:

الف) ضخامت عایق با ضریب هدایتی $k=0.105 \text{ W/m.K}$

ب) شدت انتقال حرارت در $r=r_c$

(الف)



$$q = \frac{T_i - T_{\infty}}{R_1 + R_2} = \frac{T_i - T_{\infty}}{\frac{(\ln \frac{r_o}{r_i})}{2\pi k L} + \frac{1}{2\pi r_o h}}$$

$$0.4 = \frac{366.6 - 310}{\frac{(\ln \frac{r_o}{0.001})}{2 * 3.14 * 0.105 * 0.03} + \frac{1}{2 * 3.14 * r_o * 0.03 * 17.3}}$$

$$20.22 \left(\ln \frac{r_o}{0.001} \right) + \frac{0.1227}{r_o} = 56.6$$

با روش حدس و خطا می توان r_o را تعیین کرد.

$$r_o = 6.069 \text{ mm}$$

$$t = r_o - r_i = 6.069 - 1 = 5.069 \text{ mm}$$

(ب)

$$r_c = k/h = 0.105/17.3 = 0.006069 \text{ m}$$

$$q = \frac{366.6 - 310}{\frac{(\ln \frac{0.006069}{0.001})}{2 * 3.14 * 0.105 * 0.03} + \frac{1}{2 * 3.14 * 0.006069 * 0.03 * 17.3}} = 0.4 \text{ W}$$

ج) مثال از سیستم کروی

۴. کره ای به شعاع 6 cm در مجاورت هوای آزاد با دمای 25°C و ضریب جابجایی $120\text{W/m}^2\cdot\text{k}$ قرار دارد. دمای سطح کره در 125°C ثابت نگه داشته می شود.

الف) شدت اتلاف حرارتی کره را بدست آورید.

ب) اگر سطح کره را با یک لایه عایق $k=10\text{ W/m}\cdot\text{k}$ پوشش دهیم، شعاع بحرانی عایق پیچی را محاسبه کنید.

ج) اگر عایق پیچی درست به اندازه شعاع بحرانی باشد، شدت اتلاف حرارتی و دمای سطح آزاد عایق را بدست آورید.

(الف)

$$q = hA (T_w - T_\infty) = 4\pi R^2 h (T_w - T_\infty) = 4 * 3.14 * 0.06^2 * 120 \\ (125 - 25) = 542.6 \text{ W}$$

(ب)

$$r_c = 2k/h = 2 * 10 / 120 = 0.17 \text{ m} = 17 \text{ cm}$$

$$q = \frac{T_i - T_\infty}{R_1 + R_2} = \frac{T_i - T_\infty}{\frac{r_o - r_i}{4k\pi r_i r_o} + \frac{1}{4\pi r_o^2 h}} = \frac{125 - 25}{\frac{0.17 - 0.06}{4 * 10 * 3.14 * 0.06 * 0.17} + \frac{1}{4 * 3.14 * 0.17^2 * 120}} = 918.95 \text{ W}$$

$$q = \frac{T_i - T_o}{R_1} = \frac{T_i - T_o}{\frac{r_o - r_i}{4k\pi r_i r_o}} \rightarrow 918.95 = \frac{125 - T_o}{\frac{0.17 - 0.06}{4 * 10 * 3.14 * 0.06 * 0.17}} \rightarrow T_o = 46.1 \text{ }^\circ\text{C}$$